

تمرين 1

$$\begin{aligned}
 AB &= |x_B - x_A| \times OI \quad (1) \\
 &= |(5 - \sqrt{2}) - (3 - \sqrt{2})| \times OI \\
 &= |5 - \sqrt{2} - 3 + \sqrt{2}| \times OI \\
 &= |2| \times OI = 2cm \times 2 = 4cm
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 y_k &= \frac{y_A + y_B}{2} ; & x_k &= \frac{x_A + x_B}{2} & [AB] \text{ منتصف } k & (3) \\
 &= \frac{\sqrt{3} - 2 + 2 - \sqrt{3}}{2} ; & &= \frac{4 + (-2)}{2} \\
 &= \frac{0}{2} = 0 ; & &= \frac{2}{2} = 1
 \end{aligned}$$

$$k(1,0) = I \quad \text{إذن}$$

(1) إذا كان مستقيم عددي مدرج بالمعین (0;I) حيث $OI = 2cm$ و $A(3 - \sqrt{2})$ و $B(5 - \sqrt{2})$ فان :

$AB = 2\sqrt{2}cm$ (ج) | $AB = 4cm$ (ب) | $AB = 2cm$ (أ)

(2) إذا كانت النقطة M_1 مسقط النقطة M على المستقيم D_1 وفقا لمنحى D_2 فإن

$(MM_1) \parallel D_1$ (أ) | $(MM_1) \parallel D_2$ (ب) | متقاطعان D_2 و (MM_1) (ج)

(3) في معین (J;I;O) متعامد المحوران النقطتان : $A(4; 2 - \sqrt{3})$ و $B(-2; \sqrt{3} - 2)$ متناظرتان بالنسبة الى :

(OJ) (أ) | I (ب) | J (ج)

(4) أنظر الرسم $ABCD$ شبه منحرف قاعدته (AB) و (CD) و (EF) يقطع (AC) في النقطة I إذن :

$\frac{AF}{AB} = \frac{AI}{AC}$ (ج) | $\frac{IE}{IF} = \frac{IC}{IA}$ (ب) | $\frac{CI}{CA} = \frac{CD}{CE}$ (أ)



تمرين 2:

$$\begin{aligned} A &= 6 - [4\sqrt{7} - (2\sqrt{2} + 2\sqrt{5})] - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{7} + 3) \quad (1) \\ &= 6 - [4\sqrt{7} - 2\sqrt{2} - 2\sqrt{5}] - 2\sqrt{2} + 3\sqrt{7} - 3 \\ &= 6 - 4\sqrt{7} + 2\sqrt{2} + 2\sqrt{5} - 2\sqrt{2} + 3\sqrt{7} - 3 \\ &= 3 - \sqrt{7} + 2\sqrt{5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B &= (5 - \sqrt{5}) - (\sqrt{7} - 1) - \sqrt{5} \\ &= 5 - \sqrt{5} - \sqrt{7} + 1 - \sqrt{5} \quad , \\ &= 6 - \sqrt{7} - 2\sqrt{5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} A + B &= 3 - \sqrt{7} + 2\sqrt{5} + 6 - \sqrt{7} - 2\sqrt{5} \quad (2) \\ &= 9 - 2\sqrt{7} \quad . \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} C &= 11 - [14 + (3\sqrt{2} - 4\sqrt{7})] + [3\sqrt{2} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{7})] \quad / \text{أ} \quad (3) \\ &= 11 - [14 + 3\sqrt{2} - 4\sqrt{7}] + [3\sqrt{2} - 2\sqrt{5} - 3\sqrt{7}] \\ &= 11 - 14 - 3\sqrt{2} + 4\sqrt{7} + 3\sqrt{2} - 2\sqrt{5} - 3\sqrt{7} \\ &= -3 + \sqrt{7} - 2\sqrt{5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} A + C &= (3 - \sqrt{7} + 2\sqrt{5}) + (-3 + \sqrt{7} - 2\sqrt{5}) \quad / \text{ب} \\ &= 3 - \sqrt{7} + 2\sqrt{5} - 3 + \sqrt{7} - 2\sqrt{5} = 0 \end{aligned}$$

إذن A و B متقابلان

$$\begin{aligned} A - B + C &= (3 - \sqrt{7} + 2\sqrt{5}) - (6 - 2\sqrt{5} - \sqrt{7}) + (-3 - 2\sqrt{5} + \sqrt{7}) \quad / \text{ج} \\ &= 3 - \sqrt{7} + 2\sqrt{5} - 6 + 2\sqrt{5} + \sqrt{7} - 3 - 2\sqrt{5} + \sqrt{7} \\ &= -6 + 2\sqrt{5} + \sqrt{7} \end{aligned}$$

$$A - B + C = (A + C) - B = 0 - B = -B = -6 + 2\sqrt{5} + \sqrt{7}$$



في دارك... إتهون على قرابتك إصغارك

تمرين 3:

• ABCD شبه منحرف قاعدتاه [AB] و [CD] إذن $(AB) \parallel (CD)$ في المثلث JCB لدينا :

$$\frac{JA}{JC} = \frac{JB}{JD} = \frac{AB}{DC} \text{ إذن حسب مبرهنة طالس } \begin{cases} A \in (JC) \\ B \in (JD) \\ (AB) \parallel (CD) \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \frac{3}{12} &= \frac{x}{x+15} = \frac{AB}{DC} \\ 12x &= 3(x+15) \\ 12x &= 3x+45 \\ 12x-3x &= 45 \\ 9x &= 45 \\ x &= \frac{45}{9} = 5 \end{aligned}$$

• في المثلث AIB لدينا :

$$\frac{IA}{ID} = \frac{IB}{IC} = \frac{AB}{CD} \text{ إذن حسب مبرهنة طالس } \begin{cases} C \in (IB) \\ D \in (IA) \\ (CD) \parallel (AB) \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \frac{y}{11} &= \frac{2}{7} = \frac{AB}{CD} \\ y &= \frac{11 \times 2}{7} = \frac{22}{7} \end{aligned}$$



في دارك... إتهنوني على قرابتك إصغارك

تمرين 4:

E(4,0)

A(3,-2) / أ

ب / $y_I = y = 0$ إذن

$$\begin{aligned} IE &= |x_E - x_I| \times OI \\ &= |4 - 1| \times OI \\ &= |3| \times OI \\ &= 3 \text{ cm} \end{aligned}$$

(2) B مناظرة A بالنسبة الى I إذن I منتصف [AB]

$$\begin{aligned} y_I &= \frac{y_A + y_B}{2} \\ y_A + y_B &= 2y_I \\ y_B &= 2y_I - y_A \\ y_B &= 2 \times 0 - (-2) \\ y_B &= 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} x_I &= \frac{x_A + x_B}{2} \\ x_A + x_B &= 2x_I \\ x_B &= 2x_I - x_A \\ x_B &= 2 \times 1 - 3 \\ x_B &= -1 \end{aligned}$$

B(-1,2)

(3) أ / في المثلث ABC لدينا :

$$IE = \frac{1}{2}BC \quad \text{و} \quad \left\{ \begin{array}{l} I \text{ منتصف } [AB] \\ E \in (AC) \\ (IE) // (BC) \end{array} \right. \text{ إذن } E \text{ منتصف } [AC]$$

$$3 = \frac{1}{2}BC$$

$$BC = 3 \times 2 = 6 \text{ cm}$$



في دارك... إتهون على قرابتك إصغارك

$$(OI) \parallel (BC) \Leftrightarrow (EI) \parallel (BC) \quad \text{ب}$$

$$y_B = y_C = 2 \quad \text{إذن}$$

$$\begin{aligned} BC &= |x_C - x_B| \times OI \\ &= |x_C - (-1)| \times 1 \\ &= |x_C + 1| = 6 \end{aligned}$$

$$x_C + 1 = 6$$

$$x_C = 6 - 1$$

$$x_C = 5$$

$$x_C = 5$$

أو
أو

$$x_C + 1 = -6$$

$$x_C = -6 - 1$$

$$x_C = -7$$

$$x_C > 0$$

$$C(5,2)$$

و منه



في دارك... إتهون على قرابت إصغارك

